

- 注意:
- ・ 答案は日本語として理解可能なものである事。数式に対し説明が必要な場合に、数式のみで説明がないときには仮に数式が正しくても満点とならないことがある。
  - ・ 採点は減点法を採用する。つまり間違いの内容によっては白紙答案より低い点数になる場合がある。careless miss でそのような事はないが、「分からなくても適当に何か書いておけ」という姿勢で回答するとそうなることがある。
  - ・ 内容を理解せずに丸暗記していると判断されたものに対して大きく減点することがあるので注意すること。
  - ・ 在籍番号欄について：再履修者は10桁の在籍番号を書く事。再履修者以外は出席番号(多くは2桁)でよい。

1 関数  $y = f(x) = \sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right)$  とするとき次の問に答えよ。

(1)  $\varepsilon(h) = \frac{f(a+h) - (A+Bh)}{h}$  とおく。  $\lim_{h \rightarrow 0} \varepsilon(h) = 0$  が成立するとき  $A+Bh$  を  $x = a$  で  $y = f(x)$  を一番よく近似する1次式という。  $x = 0$  で  $y = f(x)$  を一番よく近似する1次式を求めよ。

(2)  $\varepsilon(h) = \frac{f(a+h) - (A+Bh+Ch^2)}{h^2}$  とおくとき  $\lim_{h \rightarrow 0} \varepsilon(h) = 0$  が成立するとき  $A+Bh+Ch^2$  を  $x = a$  で  $y = f(x)$  を一番よく近似する2次式という。  $x = 0$  で  $y = f(x)$  を一番よく近似する2次式を求めよ。

裏にも問題あり。

学 科		在 番 籍 号		氏 名	
--------	--	------------------	--	--------	--

2  $y = f(x) = \frac{1}{x+3}$  を  $x=2$  でテーラー展開することを考える。次の問いに答えながら、テーラー展開を求めよ。

(1)  $f'(x)$  および  $f''(x)$ ,  $f^{(3)}(x)$  を求めよ。

(2) 自然数  $n$  に対し  $f^{(n)}(x)$  を予想し、それが正しいことを数学的帰納法で証明せよ。

(3)  $y = f(x) = \frac{1}{x+3}$  を  $x=2$  でテーラー展開せよ。