

注意：・答えは日本語として理解可能なものである事。数式に対し説明が必要な場合に、数式のみで説明がないときには仮に数式が正しくても満点とならないことがある。

・採点は減点法を採用する。つまり間違いの内容によっては白紙答案より低い点数になる場合がある。careless miss でそのような事はないが、「分からなくても適当に何か書いておけ」という姿勢で回答するとそうなることがある。

・内容を理解せずに丸暗記していると判断されたものに対して大きく減点することがあるので注意すること。

・在籍番号欄について：2年生以上は10桁の在籍番号を書く事。1年生は出席番号(多くは2桁)でよい。

1 次の問いに答えよ。

(1)  $z = f(x, y) = x^2y^2$  とする。定義に基づき  $\frac{\partial z}{\partial y}$  を求めよ。

(2)  $z = f(x, y) = \sin(x^2y^2) \log(x^3y^3)$  に対し  $\frac{\partial z}{\partial x}$  を求めよ。微分の諸公式を使用してよい。

裏にも問題有り。別紙にも問題あり

|        |  |                  |  |        |  |
|--------|--|------------------|--|--------|--|
| 学<br>科 |  | 在<br>番<br>籍<br>号 |  | 氏<br>名 |  |
|--------|--|------------------|--|--------|--|

- 2  $f(a+h, b+k)$  を  $(a, b)$  で一番よく近似する 1 次式  $g(h, k)$  とは,  $g(h, k)$  が  $h, k$  に関する 1 次式であり,  $\varepsilon(h, k) = \frac{f(a+h, b+k) - g(h, k)}{\sqrt{h^2 + k^2}}$  とおくと  $\lim_{(h,k) \rightarrow (0,0)} \varepsilon(h, k) = 0$  が成立するときをいう。  $z = f(x, y) = x^2y^2$  とするとき,  $f(h, k)$  を  $(1, 1)$  で最もよく近似する 1 次式を定義に基づいて求めよ。

- 3  $z = x^2 + y^2, s = x \cos y, t = x \sin y$  について次の問いに答えよ。

(1)  $\frac{D(s, t)}{D(x, y)}$  を求めよ。

(2)  $\frac{D(x, y)}{D(s, t)}$  を求めよ。

(3)  $\frac{\partial z}{\partial s}$  を求めよ。

4  $z = f(x, y) = x^4 + y^4 + 2x^2y^2 - 2y^2$  について次の問いに答えよ。

(1)  $z = f(x, y)$  の臨界点 ( $\frac{\partial z}{\partial x} = 0$  かつ  $\frac{\partial z}{\partial y} = 0$  となる点) を求めよ。

(2)  $z = f(x, y)$  の極点を求めよ。

裏にも問題有り。別紙にも問題あり

|        |  |                  |  |        |  |
|--------|--|------------------|--|--------|--|
| 学<br>科 |  | 在<br>番<br>籍<br>号 |  | 氏<br>名 |  |
|--------|--|------------------|--|--------|--|

5 辺の和が一定の直方体の中で体積最大になるものを求めよ。

6 授業についての感想，数学について思う事などがあれば記せ (15)。