

注意：・答えは日本語として理解可能なものである事。数式に対し説明が必要な場合に、数式のみで説明がないときには仮に数式が正しくても満点とならないことがある。

・採点は減点法を採用する。つまり間違いの内容によっては白紙答案より低い点数になる場合がある。careless miss でそのような事はないが、「分からなくても適当に何か書いておけ」という姿勢で回答するとそうなることがある。

・内容を理解せずに丸暗記していると判断されたものに対して大きく減点することがあるので注意すること。

・在籍番号欄について：2年生以上は10桁の在籍番号を書く事。1年生は出席番号(多くは2桁)でよい。

1 次の問に答えよ。(問題は次ページに続く)

(1)  $y = \frac{2x^4 + 8x^3 + 20x^2 + 25x + 19}{(x^2 + 2x + 3)^2(x + 1)}$  を部分分数展開せよ。

(2)  $J_2 = \int \frac{1}{(t^2 + 2)^2} dt$ ,  $J_1 = \int \frac{1}{(t^2 + 2)} dt$  とする。 $\frac{1}{t^2 + 2} = \frac{t^2 + 2}{(t^2 + 2)^2} = \frac{t^2}{(t^2 + 2)^2} + \frac{2}{(t^2 + 2)^2}$  の両辺を積分することにより  $J_2 = \frac{t}{4(t^2 + 2)} + \frac{1}{4} J_1$  を導け。

別紙にも問題あり

学 科		在 番 籍 号		氏 名	
--------	--	------------------	--	--------	--

(3)  $I = \int \frac{2x^4 + 8x^3 + 20x^2 + 25x + 19}{(x^2 + 2x + 3)^2(x + 1)} dx$  を求めよ。  $\int \frac{1}{t^2 + 1} dt = \arctan t$  を使用してもよい。

2 不定積分

$$I = \int \frac{1}{\cos x} dx$$

を次にしたがって求めよ。  $t = \tan\left(\frac{x}{2}\right)$  とおく。

(1)  $\frac{dt}{dx}$  を  $t$  を用いて表せ。

(2)  $\cos x = \cos 2\left(\frac{x}{2}\right)$  と見ることにより,  $\cos x$  を  $t$  を用いて表せ。

(3) 不定積分  $I$  を求めよ。

3 次の問に答えよ。(問題は次ページにも続く)

(1) 微分方程式

$$y'' - 2y' + 3y = 0 \quad (*)$$

の複素数値関数としての一般解を求めよ。解く方法は何でもよいが、演算子法を用いるときは

$$D - \lambda = e^{\lambda x} D e^{-\lambda x}$$

が役に立つかもしれない。

別紙にも問題あり

学 科		在 番 籍 号		氏 名	
--------	--	------------------	--	--------	--

(2) (1) で求めた複素数値関数としての一般解を実数値関数の形に変形せよ。

(3) 微分方程式

$$y'' - 2y' + 3y = 3x^3 - 6x^2 + 9x - 2 \quad (**)$$

の複素数値関数としての一般解を求めよ。ただし, (1) の微分方程式 (\*) の一般解は既知としてよい。また

$$\text{「(**) の一般解」} = \text{「(**) の特殊解」} + \text{「(*) の一般解」}$$

も既知としてよい。

4 授業についての感想, 数学について思う事などがあれば記せ (5)。